



با اسمه تعالی

آموزش و پژوهش منطقه یک تهران      تاریخ امتحان: ۱۷/۱۰/۱۴۰۱  
 دیارستان پسرانه غیر دولتی (دوره اول)      مدت امتحان: ۸۰ دقیقه  
 صفحه: یک      امتحان نوبت اول درس ریاضیات

نام و نام خانوادگی: پاسخنامه آزمون ۹۶  
 کلاس: نهم /  
 شماره لیست:

ردیف	سوالات	بارم
A	<p>عبارت‌های صحیح را با (ص) و عبارت‌های غلط را با (غ) مشخص کنید.</p> <p>۱. اگر یک تاس را دو بار پرتاب کنیم، <math>n(s)=12</math> خواهد بود. (غ)</p> <p>۲. عدد <math>\frac{3}{2}</math> از عدد <math>\frac{1}{2}</math> بزرگ‌تر است. (ص)</p> <p>۳. نقطه برخورد عمود منصف‌های یک مثلث، همواره داخل مثلث قرار دارد. (غ)</p> <p>۴. به طور کلی اگر <math>b</math> یک عدد حقیقی باشد، <math>\sqrt{b}</math> و <math>\sqrt[3]{b}</math> را ریشه‌های دوم <math>b</math> می‌نامند. (غ)</p>	۱
B	<p>در جای خالی، عدد یا عبارت مناسب قرار دهید.</p> <p>۱. اگر مجموعه‌ای <math>4</math> زیرمجموعه داشته باشد، دارای ..... عضو است.</p> <p>۲. اگر <math>a</math> عددی حقیقی باشد، حاصل <math> a  + a</math> همواره ..... است.</p> <p>۳. دلیل آوردن و استفاده از دانسته‌های قبلی برای معلوم کردن موضوعی که در ابتداء مجهول بوده را ..... می‌نامند.</p> <p>۴. حاصل <math>27 \times \left(\frac{1}{3}\right)^{-5}</math> به صورت عدد توان دار برابر است با ..... ۲۷</p>	۱
C	<p>گزینه صحیح را با علامت ✕ مشخص کنید.</p> <p>۱. خانواده‌ای <math>3</math> فرزند دارد. احتمال آنکه این خانواده، دست کم یک دختر داشته باشد، چقدر است؟</p> <p>(الف) <math>\frac{4}{8}</math>      (ب) <math>\frac{7}{8}</math>      (ج) <math>\frac{1}{8}</math>      (د) <math>\frac{3}{8}</math></p> <p>۲. کدامیک از شکل‌های زیر، همواره با هم متشابه‌اند؟</p> <p>(الف) مثلث‌های قائم الزاویه متساوی الساقین      (ب) مثلث‌های متساوی الساقین</p> <p>۳. نمایش اعشاری کدامیک از کسرهای زیر مختوم می‌باشد؟</p> <p>(الف) <math>\frac{4}{41}</math>      (ب) <math>\frac{6}{14}</math>      (ج) <math>\frac{5}{3}</math>      (د) <math>\frac{39}{65}</math></p> <p>۴. نماد علمی <math>7354/7354</math> چیست؟</p> <p>(الف) <math>73/54 \times 10^{-2}</math>      (ب) <math>73/54 \times 10^{-1}</math>      (ج) <math>7/254 \times 10^{-3}</math></p>	۱
D	<p>به سوالات زیر، پاسخ کامل بدهید.</p> <p>اگر <math>B \subset C</math> و <math>A \subset B</math> باشد، حاصل عبارات زیر چیست؟</p> <p><math>A \cup C = C</math>      <math>B \cap C = B</math>      <math>A - B = \{\cdot\}</math></p>	۰/۷۵

دو مجموعه  $A = \{x - 5, y + 1\}$  و  $B = \{-7\}$  با هم برابرند.  $x$  و  $y$  را پیدا کنید.

$$y + 1 = -7$$

$$\boxed{y = -8}$$

$$x - 5 = -7$$

$$\boxed{x = -2}$$

الف) مجموعه  $A$  را با اعضاء مشخص کرده و مجموعه  $B$  را با علائم ریاضی تعریف کنید. ۳

$$A = \{3x + 2 \mid x \in W, x \leq 3\} \quad A = \{2, 5, 8, 11\}$$

$$B = \{x \mid x \in N, 3 < x < 9\}$$

ب) با توجه به مجموعه‌های  $A$  و  $B$  در قسمت الف، حاصل عبارات را با اعضاء مشخص کنید.

$$B - A = \{4, 6, 7\}$$

$$(A - B) \cup (A \cap B) = \{2, 5, 8, 11\}$$

$$\{2, 11\} \cup \{5, 8\}$$

ج) اگر دو تاس را با هم بیندازیم، احتمال آنکه مجموع دو عدد رو آمده ۸ باشد، چیست؟

$$\frac{1}{36}$$

(2, 6)	(3, 5)
(4, 4)	(5, 3)
(6, 2)	

الف) حاصل عبارت زیر را به دست آورید. (راه حل کامل در برگه) ۴

$$\frac{-\frac{1}{3} + \frac{1}{4}}{-\frac{1}{6} - \frac{1}{12}} = \frac{\frac{-4}{12} + \frac{3}{12}}{\frac{-2}{12} - \frac{1}{12}} = \frac{-\frac{1}{12}}{-\frac{3}{12}} = -\frac{1}{12} \times -\frac{12}{3} = +\frac{1}{3}$$

ب) بین  $\frac{2}{3}$  و  $\frac{3}{4}$  یک عدد گویا بنویسید.

$$\frac{10}{12} = \frac{2}{4} < \frac{11}{12} < \frac{3}{4} = \frac{9}{12}$$

$$\sqrt{8}$$

ج) بین  $\sqrt{7}$  و  $3$  یک عدد گنگ بنویسید.

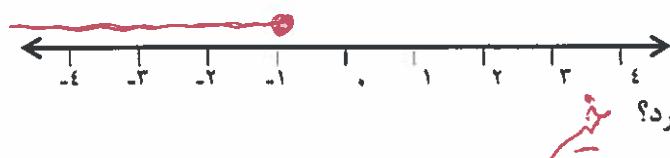
الف) اگر  $0 < x$  باشد، حاصل عبارت زیر چیست؟ ۵

$$-3x - 2\sqrt{x^2} = -3x - 2|x| = -3x - 2(-x) = -3x + 2x = -x$$

ب) حاصل را به دست آورید.

$$\sqrt{(3 - \sqrt{7})^2} + \sqrt{(-5 - \sqrt{7})^2} = |3 - \sqrt{7}| + |-5 - \sqrt{7}| = \\ 3 - \sqrt{7} + 5 + \sqrt{7} = 8$$

الف) مجموعه  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x \leq -1\}$  را روی محور نمایش دهید.

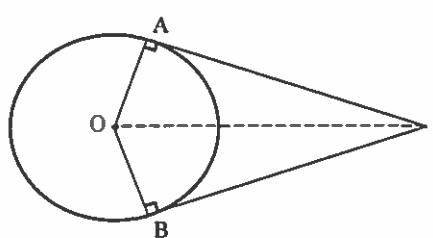


ب) آیا عدد  $-3 + \sqrt{7}$  به مجموعه بالا تعلق دارد؟

ج) عبارت زیر را پاسخ دهید.

$$Q \cap Q' = \{\} \quad Q - Q' = Q$$

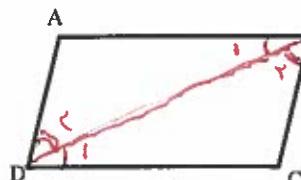
از نقطه  $M$  خارج از دایره، دو مماس  $MA$  و  $MB$  را بر دایره رسم کرده‌ایم. ثابت کنید  $MA$  و  $MB$  با هم برابرند.



$$\begin{aligned} \hat{A} = \hat{B} = 90^\circ & \left. \right\} \Rightarrow \triangle AOM \cong \triangle BON \\ OA = OB & \text{ (لمسه)} \\ OM = OM & \text{ (ترکیب)} \end{aligned} \quad (\text{درست})$$

$$MA = MB$$

ثابت کنید در هر متوازی الاضلاع، ضلع‌های مقابل همواره با هم برابرند.



$$\begin{aligned} \hat{B}_1 = \hat{D}_1 & \quad \hat{B}_2 = \hat{D}_2 \quad \rightarrow BD, AB \parallel CD \\ \hat{B}_1 = \hat{D}_2 & \quad \hat{B}_2 = \hat{D}_1 \quad \rightarrow BD, AD \parallel BC \\ BD = BD & \quad \text{ضلع مترکب} \end{aligned} \quad (\text{درست})$$

$$\begin{aligned} \triangle ABD &\cong \triangle BCD \\ AB &= CD \\ AD &= BC \end{aligned}$$

مستطیلی به طول ۲۱ و عرض ۱ - ۳x با مستطیل دیگری به طول ۹ و عرض ۶ متشابه‌اند.

$$\frac{21}{9} = \frac{3x - 1}{4}$$

$$9(3x - 1) = 21 \times 4$$

$$27x - 9 = 124$$

$$27x = 133 \rightarrow x = 5$$

الف) مقدار x را بدست آورید.

$$\frac{21}{9} = \frac{3x - 1}{4} \rightarrow x = 5$$

ب) نسبت تشابه دو مستطیل چیست؟

1/75

الف) حاصل را به صورت عدد توان دار بنویسید.

10

$$\left(-\frac{2}{3}\right)^{-3} \times 12^{-2} = (-1)^{-4}$$

$$\left(\frac{1}{7}\right)^{-10} \div 49^2 = \sqrt{10} \div \sqrt{9} = \sqrt{10}$$

ب) حاصل عبارت زیر را به دست آورید.

$$(5^{-1})^{-2} + (0/5)^{-2} =$$

$$5^2 + 2^2 = 25 + 1 = 26$$

9<sup>10</sup>ج) در مجموعه  $\{3^{15}, 9^5, 81^3, 27^4\}$ ، کوچکترین عبارت را مشخص کنید.

$$\begin{matrix} & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ 3^{15} & 9^5 & 81^3 & 27^4 \end{matrix}$$

1/75

الف) شعاع خورشید تقریباً 695000 کیلومتر است؛ این عدد را با نماد علمی نمایش دهید.

11

$$6.95 \times 10^8$$

ب) حاصل را به دست آورده و به صورت نماد علمی نمایش دهید.

$$3 \times 10^{18} \times 3/6 \times 10^2 = 10/1 \times 10^{20} = 10 \times 10^{20}$$

1/8

الف) اگر حجم مکعبی  $8a^3$  باشد، مساحت کل مکعب را برحسب  $a$  بدست آورید.

$$\sqrt[3]{8a^3} = 2a \text{ پس } 2a \times 2a = 4a^2 \text{ پس } 4a^2 \times 6 = 24a^2$$

ب) حاصل را بدست آورید.

$$5\sqrt[3]{16} \times 2\sqrt[3]{4} = 10 \times \sqrt[3]{16 \times 4} = 10 \times \sqrt[3]{64} = 10 \times 4 = 40$$

کلاس نمودار

شماره لیست:

نام و نام خانوادگی:

موفق باشید

گرشاسبی نیا

نمره کتبی به درواف:

نمره کتبی به عدد: